

СПРАВОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ



СТЕПЕНИ

- 1 $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$
- 2 $a^n \cdot a^m = a^{n-m}$
- 3 $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$
- 4 $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$
- 5 $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$
- 6 $a^0 = 1$
- 7 $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- 8 $\left(\frac{b}{a}\right)^{-n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$

КОРНИ

- 1 $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab}$
- 2 $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$
- 3 $(\sqrt{a})^2 = a$
- 4 $\sqrt{a^2} = |a|$
- 5 $\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

ЛОГАРИФМЫ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЛОГАРИФМА

Если $\log_a b = c$, то $a^c = b$
ОСНОВНОЕ ЛОГАРИФМИЧЕСКОЕ ТОЖДЕСТВО

$$a^{\log_a b} = b$$

ОДЗ ЛОГАРИФМА

Для $\log_a b$ $\begin{cases} a > 0 \\ a \neq 1 \\ b > 0 \end{cases}$

СВОЙСТВА ЛОГАРИФМОВ

- 1 $\log_a b + \log_a c = \log_a b \cdot c$
- 2 $\log_a b - \log_a c = \log_a \frac{b}{c}$
- 3 $\log_a b^m = m \cdot \log_a b$
- 4 $\log_a^n b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b$
- 5 $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$
- 6 $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$

ФСУ

РАЗНОСТЬ КВАДРАТОВ

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

КВАДРАТ РАЗНОСТИ

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

КВАДРАТ СУММЫ

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

РАЗНОСТЬ КУБОВ

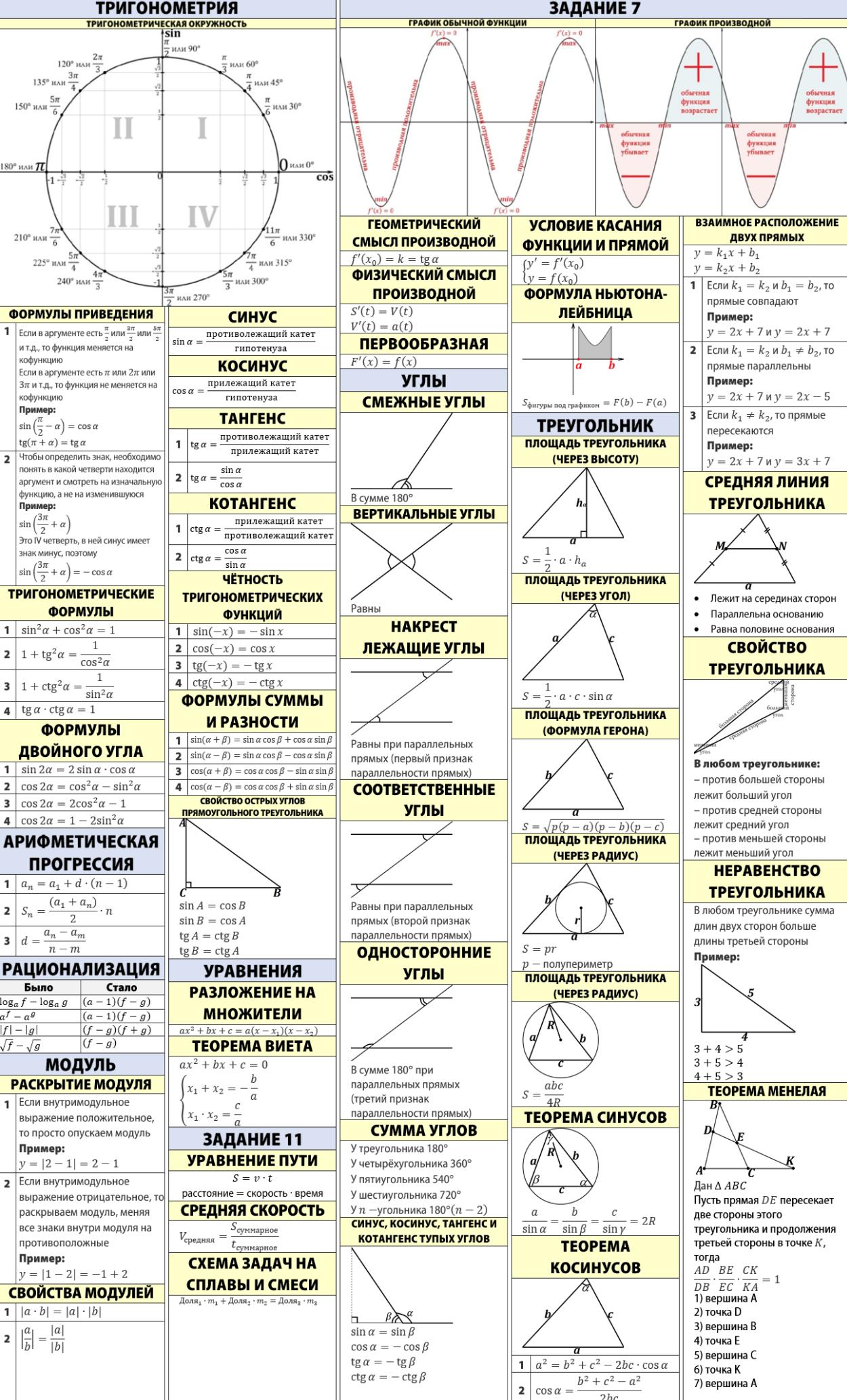
$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

СУММА КУБОВ

$$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

ПРОИЗВОДНЫЕ

- 1 $C' = 0$
- 2 $x' = 1$
- 3 $(Cx)' = C$
- 4 $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$
- 5 $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
- 6 $(U \cdot V)' = U'V + UV'$
- 7 $\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$
- 8 $(U(V))' = (U(V))' \cdot V'$
- 9 $(\sin x)' = \cos x$
- 10 $(\cos x)' = -\sin x$
- 11 $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$
- 12 $(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$
- 13 $(e^x)' = e^x$
- 14 $(a^x)' = a^x \cdot \ln a$
- 15 $(\ln x)' = \frac{1}{x}$
- 16 $(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$



БИССЕКТРИСА ТЕОРЕМА О БИССЕКТРИСЕ	СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА <p>Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка</p>	ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК ТЕОРЕМА ПИФАГОРА <p>$c^2 = a^2 + b^2$</p>	ВЫСОТА РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА <p>$h = \frac{\sqrt{3}a}{2}$</p>	ПРЯМОУГОЛЬНИК площадь прямогоугольника <p>$S = a \cdot b$</p>
СВОЙСТВО БИССЕКТРИСЫ	ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА <ol style="list-style-type: none"> 1 По двум сторонам и углу между ними 2 По стороне и двум, прилежащим к ней углам 3 По трём сторонам 	ПЛОЩАДЬ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА <p>$S = \frac{a \cdot b}{2}$</p>	СВОЙСТВО РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА <p>$r = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{6}$</p> <p>$r = \frac{1}{3} \cdot h$</p>	КВАДРАТ площадь квадрата <p>$S = a^2$</p>
ЦЕНТР ВПИСАННОЙ В ТРЕУГОЛЬНИК ОКРУЖНОСТИ	ПОДОБИЕ ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ <ol style="list-style-type: none"> 1 По двум углам 2 По двум пропорциональным сторонам и углу между ними 3 По трём пропорциональным сторонам 	ПОДОБИЕ ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ <p>$R = \frac{c}{2}$</p>	ВЫСОТА В ПРЯМОУГОЛЬНОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ <p>$h = \frac{ab}{c}$</p>	ПАРАЛЛЕЛОГРАММ площадь параллелограмма (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ) <p>$S = ah$</p>
МЕДИАНА СВОЙСТВО МЕДИАНЫ	СВОЙСТВО МЕДИАНЫ <p>Медиана разбивает треугольник на два равновеликих (с одинаковыми площадями) частей</p>	СВОЙСТВО МЕДИАНЫ <p>В прямоугольном треугольнике медиана, проведённая к гипотенузе, равна половине гипотенузы</p>	РАВНОСТОРОННИЙ ШЕСТИУГОЛЬНИК площадь равносостороннего шестиугольника <p>$S = \frac{3\sqrt{3}a^2}{2}$</p>	СВОЙСТВО ПАРАЛЛЕЛОГРАММА <p>В параллелограмме сумма углов, прилежащих к любой стороне, равна 180°</p>
ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ В ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКАХ	ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ В ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКАХ <p>В подобных треугольниках отношение периметров, биссектрис, медиан, высот и серединных перпендикуляров равно коэффициенту подобия</p>	ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ <p>Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия</p>	ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ <p>Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия</p>	ПРИЗНАКИ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА <ol style="list-style-type: none"> 1 Если две стороны равны и параллельны 2 Если противоположные углы попарно равны 3 Если противоположные стороны попарно равны 4 Если все противоположные стороны попарно параллельны 5 Если диагонали пересекаются и точкой пересечения делятся пополам
СВОЙСТВО МЕДИАНЫ	СВОЙСТВО МЕДИАНЫ <p>Медианы треугольника пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся в отношении 2:1 считая от вершин</p>	ОТНОШЕНИЕ ОБЪЁМОВ <p>Отношение объёмов подобных фигур равно кубу коэффициента подобия</p>	ОТНОШЕНИЕ ОБЪЁМОВ <p>Отношение объемов подобных фигур равно кубу коэффициента подобия</p>	ПРИЗНАК РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ <p>$S_{\Delta AOB} = S_{\Delta COD}$ (доказывается через равенство площадей треугольников ABD и ACD)</p> <p>$\Delta BOC \sim \Delta AOD$ (по двум углам)</p>
СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР	СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР <p>Серединный перпендикуляр – это прямая, выходящая из середины стороны треугольника под прямым углом к этой стороне</p>	РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК <p>Равнобедренный треугольник – это треугольник, у которого две стороны равны и углы при основании равны</p>	СВОЙСТВО РАВНОБЕДРЕННОГО ТРЕУГОЛЬНИКА <p>Свойство равнобедренного треугольника</p>	ОКРУЖНОСТЬ ВПИСАННЫЙ УГОЛ <p>Вписанный угол равен половине дуги, на которую он опирается</p>
СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА	СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА <p>Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в точке, являющейся центром окружности, описанной около треугольника</p>	ПОДОБИЕ ABC И HVK <p>$\cos B = \frac{BK}{AB}$</p> <p>$\cos B = \frac{BH}{BC}$</p> <p>$\Delta ABC \sim \Delta HVK$ по 2 признаку ($\frac{BK}{AB} = \frac{BH}{BC}$ и угол B – общий)</p>	ПОДОБИЕ ABC И HVK <p>$\cos B = \frac{BK}{AB}$</p> <p>$\cos B = \frac{BH}{BC}$</p> <p>$\Delta ABC \sim \Delta HVK$ по 2 признаку ($\frac{BK}{AB} = \frac{BH}{BC}$ и угол B – общий)</p>	ЦЕНТРАЛЬНЫЙ УГОЛ <p>Центральный угол равен градусной мере дуги, на которую он опирается</p>
	ПЛОЩАДЬ КРУГА <p>$S = \pi R^2$</p> <p>$C = 2\pi R$</p>	ПЛОЩАДЬ РОМБА (ЧЕРЕЗ ДИАГОНАЛИ) <p>$S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$</p>	ПЛОЩАДЬ РОМБА (ЧЕРЕЗ РАДИУС) <p>$S = 2ar$</p>	ПРОИЗВОЛЬНЫЙ ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИК площадь произвольного четырехугольника <p>$S = \frac{d_1 \cdot d_2 \cdot \sin \alpha}{2}$</p>

